

Kontrollblatt zu Computergraphik I

– Vektoroperationen –

Lehrstuhl für Computergraphik und Multimediasysteme

Hochstetter Hendrik, Marchel Peter

Abgabe: Für Studenten mit 5 LP verpflichtend bis spätestens 29. April 2013, 10 Uhr**Besprechung:** 15. und 16. Mai 2013**Aufgabe 1** (Skalarprodukt) **1 Punkt**

a) Welchen Winkel schließen die folgenden zwei Vektoren ein:

$$\vec{u} = \begin{pmatrix} 5 \\ 5 \end{pmatrix}, \vec{v} = \begin{pmatrix} 0 \\ -3 \end{pmatrix}$$

b) Für den Satz von Pythagoras gilt für zwei zueinander senkrechte Vektoren:

$$\|\vec{v} - \vec{w}\|^2 = \|\vec{v}\|^2 + \|\vec{w}\|^2$$

Leiten Sie daraus die folgenden Formel her:

$$v_1 w_1 + v_2 w_2 + \dots + v_n w_n = 0$$

c) Bestimmen Sie alle Vektoren die senkrecht auf $\vec{v} = \begin{pmatrix} 2 \\ -1 \end{pmatrix}$ stehen:**Aufgabe 2** (Kreuzprodukt und Spatprodukt) **1 Punkt**

- Zeigen Sie das der Vektor $\vec{u} = \vec{v} \times \vec{w}$ senkrecht zu \vec{v} und \vec{w} ist.
- Finden Sie drei Vektoren im 3D mit assoziativem Kreuzprodukt.
- Welches Volumen hat das Parallelepiped aufgespannt durch die Vektoren:

$$\vec{u} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}, \vec{v} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}, \vec{w} = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}$$

Aufgabe 3 (Tensorprodukt) **1 Punkt**a) Spiegeln Sie den Vektor \vec{u} an dem Vektor \vec{s} :

$$\vec{u} = \begin{pmatrix} 1 \\ -0.5 \end{pmatrix}, \vec{s} = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix}$$

b) Berechnen Sie den Lotfußpunkt von \vec{p} auf die Gerade \mathbf{g} .

$$\mathbf{g}(\alpha) = \begin{pmatrix} 0 \\ 2 \end{pmatrix} + \alpha \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}, \quad \vec{p} = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix}$$

c) Projizieren Sie den Punkt \vec{p} senkrecht auf die Ebene \mathbf{E} :

$$\vec{p} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}, \quad \mathbf{E} := \{ \vec{x} \in \mathbb{R}^3 \mid 2x_1 + x_2 + x_3 = 0 \}$$